

تعریف مسئله

اکسترودر تک ماردون ناحیه انتقال جامد

Assumptions: 1-D, compressible, solid conveying region, non-isothermal flow, wall slip

فرآیند mastication می باشد و فقط معادلات قسمت انتقال جامد حاکم است.

ورودی ها

۱- خواص مواد

۲- خواص فرآیندی

۳- پارامترهای هندسی

خروجی

۱- طول ماردون، شعاع اولیه سیلندر ، شعاع ریشه ماردون و شعاع نهایی سیلندر گام پیچ، ضخامت لبه گام و سرعت چرخشی اکسترودر

۲- نمودارهای فشار بر حسب طول، دما بر حسب طول ، دانسیته بر حسب فشار، دانسیته بر حسب طول

شرایط مرزی

At $L = 0$, $T = 25\text{ C}$

دمای اولیه

At $L=0$, $P = 0.1\text{ MPa}$

فشار اولیه

Q = 100 Kg/hr

دبی نهایی

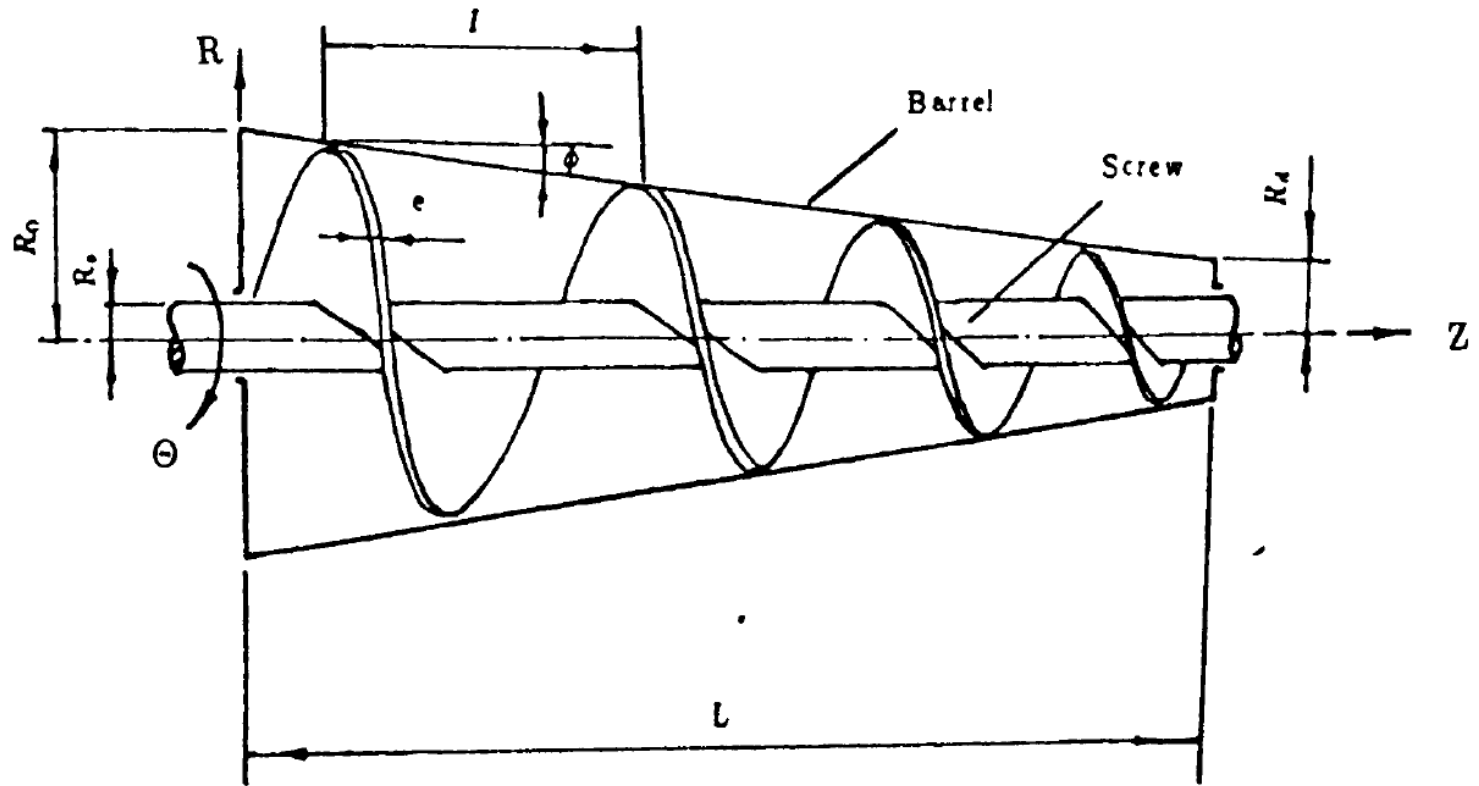


Figure 4.5 The geometry of a tapered screw

توابع فرآیندی							
دمای ماردون	دمای بدنه ناحیه ۳	دمای بدنه ناحیه ۲	دمای بدنه ناحیه ۱	فشار ورودی	دمای ورودی	دبی خروجی	
°C	°C	°C	°C	Pa	°C	kg/hr	
T_s	T_3	T_2	T_1	P_1	T_0	Q	
25	100	95	85	100000	25	100	

خواص ماده										
ضریب هدایت پوسته سیلندر	ضریب حرارتی ماده	ضریب هدایت ماده	ضریب لغزش	مدول بالک	ضریب فشرده‌گی اولیه	چگالی نهایی	چگالی اولیه گرانول	اصطکاک سطح ماردون	اصطکاک سطح پره ها Flight friction coefficient	اصطکاک سطح سیلندر
W/mK	J/kgK	W/mK		N/m ²		kg/m ³	kg/m ³			
K_b	C_p	K	F_0	C_0	B_0	P_f	ρ_0	μ_s	μ_f	μ_b
1000	1251	0.209	0.9	1e7	2	1600	800	0.05	0.05	0.1

توابع هندسی اکسترودر

ضخامت پوسته سیلندر	پهنای شیار	عمق شیار روی سیلندر	تعداد شیار روی سیلندر	ضخامت لبه گام	سرعت چرخشی ماردون	گام	شعاع نهایی سیلندر	شعاع ریشه ماردون	شعاع اولیه سیلندر	طول ماردون
M	M	M		M	Rpm	m	M	m	m	M
B	b _N	h _N	N _N	E	N	S	R _d	R _s	R _o	L
0.05	1.04E-02	2.50E-03	7							

مقادیر طول ماردون، شعاع اولیه سیلندر، شعاع ریشه ماردون و شعاع نهایی سیلندر گام پیچ، ضخامت لبه گام و سرعت چرخشی اکسترودر به عنوان مقادیر مجهول ما می باشد. رابطه پروفایل فشار در این اکسترودر و هم چنین روابط مربوط به قسمت غیر همدمای در ادامه موجود است. برای به دست آوردن فشار و دما مقادیر مجهول اشاره شده نیاز است. به طور مثال ما طول را در محدوده ۱ تا ۱۰۰ در نظر گرفته و یک سانت یک سانت به آن اضافه کرده و هر سری با طول جدید فشار و دما را به دست می آوریم تا جایی که فشار و دما از مقداری که تعیین می کنیم بیشتر نشود. باقی مقادیر (شعاع اولیه و نهایی سیلندر، شعاع ریشه ماردون، گام، سرعت چرخشی ماردون و ضخامت لبه گام) نیز به همین روش باید کد نویسی شود. در این مسئله فشار و دمای انتهای ماردون باید کمتر از ۱۰ MPa و ۱۰۰ درجه سانتیگراد باشد.

روابط

پارامترهای هندسی ثابت در اکسترودر

$$L = L_0$$

طول ماردون

$$\phi = \arctan\left(\frac{R_0 - R_d}{L_0}\right)$$

زاویه مخروطی سیلندر (screw tapered angle)

$$H_0 = R_0 - R_s$$

عمق گام شروعی

$$\theta_s = \arctan\left(\frac{S}{2 \times \pi \times R_s}\right)$$

زاویه گام در ماردون

$$\Delta R = S \times \tan \phi$$

اختلاف شعاع در یک گام پیچ

$$\lambda_1 = R_0 - \frac{\Delta R}{2}$$

$$\lambda_2 = H_0 - \Delta R$$

$$\lambda_3 = H_0 - \frac{\Delta R}{2}$$

$$\lambda_4 = \frac{R_0 + R_s}{2} - \frac{\Delta R}{4}$$

$$W_s = S \times \cos(\theta_s) - e$$

پهنای گام در ماردون

روش به کار برده شده برای حل معادله دیفرانسیلی زیر جهت به دست آوردن پروفایل فشار، تفاضل محدود یک بعدی در جهت z می باشد.

Finite difference method

One dimensional

$$\frac{dp}{dz} = \frac{[pf_1(z) + f_2(z)]}{f_3(z)}$$

معادله دیفرانسیلی پروفایل فشار

در این قسمت محاسبات عددی به طور مثال ۱۰۰ نقطه در نظر میگیریم و از طریق روابط موجود در هر نقطه پارامترها را به دست می آوریم تا در نهایت به توزیع فشار و دما در طول ماردون اکسترودر توسط رابطه بالا برسیم.

$N_z = i$ تعداد نقاط

$$L_i = 0$$

$$i=1$$

طول در هر نقطه

$$L_i = \frac{L_0}{N_z} + L_{i-1}$$

$$i \geq 2$$

$$Rzi = R0 - Li \times \tan(\emptyset)$$

شعاع سیلندر

$$\theta bi = \arctan\left(\frac{S}{2 \times \pi \times Rzi}\right)$$

زاویه گام در سیلندر

$$\bar{\theta}i = \frac{\theta bi + \theta s}{2}$$

زاویه گام متوسط

$$\Psi i = \arctan(\tan \emptyset \times \sin \bar{\theta})$$

channel tapered angle زاویه مخروطی کانال

$$Zi = \frac{R0 - Rzi}{\tan \Psi i}$$

channel length طول کانال

$$\theta i = \frac{2 \times \pi \times (R0 - Rzi)}{\Delta R}$$

angular position of plug along channel

$$Wbi = S * \cos(\theta bi) - e$$

پهنا گام در سیلندر

$$\bar{W}i = S * \cos(\bar{\theta}i) - e$$

پهنا گام متوسط

$$RAB = \lambda 1 - Zi * \tan(\Psi i)$$

شعاع متوسط

$$Hi = \lambda 3 - Zi * \tan(\Psi i)$$

عمق متوسط

$$Q \max = \left[\pi * (RAB^2 - Rs^2) - \left(\frac{e * \bar{H}i}{\sin \bar{\theta}i} \right) \right] * N * F0 * S * \cos(\emptyset)$$

دبی بیشینه

$$ai = \arctan\left(\frac{Q * S}{2 * \pi * RABi * (Qmax - Q)}\right)$$

movement angle

$$Kci = \frac{\left(1 + \frac{\bar{W}i}{\bar{H}i}\right) * K0 * [\sin(\Psi i) * \mu b * \cos(\Psi i)]}{\frac{\bar{W}i * \tan(\Psi i)}{\bar{H}i}}$$

ضریب معادله وزن مخصوص

$$\beta i = \left(\frac{H0}{H0 - Zi * \tan(\Psi i)}\right)^{Kci}$$

ضریب معادله وزن مخصوصی

$$\rho_i = \rho_0 + \frac{\rho_0}{B_0} * \text{Ln}\left(\frac{P_i * B_0}{C_0} + 1\right) \quad i=1 \quad \text{دانسیتہ}$$

$$\text{if } \rho_{i-1} < \rho_f \text{ so } \rho_i = \rho_0 + \frac{\rho_0}{B_0} * \text{Ln}\left(\frac{P_{i-1} * B_0}{C_0} + 1\right) \quad \text{for } i \geq 2$$

$$\text{if } \rho_{i-1} \geq \rho_f \text{ so } \rho_{i-1} = \rho_f$$

$$K_{vi} = \frac{\tan(ai) * \tan(\theta bi) * \cos(\phi)}{\tan(ai) + \tan(\theta bi)}$$

$$azi = \frac{-1}{2 * \pi} * K_{vi} * N * F_0 * \Delta R \quad \text{شتاب}$$

$$K_{1i} = \frac{0.5 * [\tan(\bar{\theta}_i) + \mu f]}{1 - (\mu f * \tan(\bar{\theta}_i))}$$

$$A_{1i} = \mu b * W_{bi} * \left(\cos ai * \lambda_1 - 2 * \lambda_4 * K_{1i} * \frac{\sin ai}{\cos \phi} \right) - \mu s * W_s * \sin \theta bi * R_s * \cot \theta_s + 2 * \lambda_4 * K_{1i} - \sin \theta bi [\lambda_4 (\Delta R + (H_0 + \lambda_2) * \mu f * \cot \bar{\theta}_i) + 2 * \lambda_4 * K_{1i} * (\mu f * (H_0 + \lambda_2) - \Delta R * \cot \bar{\theta}_i)]$$

$$A_{2i} = \mu b * W_{bi} * \left(K_1 * \frac{\sin ai}{\cos \phi} - \cos ai \right) + \mu s * w_s * \sin \theta bi * K_{1i} + \sin bi * [K_{1i} * (\mu f * (H_0 + \lambda_2) - \Delta R * \cot \bar{\theta}_i) + 0.5 * (\Delta R + (4 * R_0 - 2 * \Delta R) * \mu f * \cot \bar{\theta}_i) + 4 * \mu f * \lambda_4 * K_{1i}]$$

$$A_{3i} = \mu f * \sin \theta bi * (2 * K_1 + \cot \bar{\theta}_i)$$

$$B_{1i} = \rho_i * W_i * \frac{\sin \theta bi}{\sin \bar{\theta}_i} * \lambda_3 * \left[\left(\frac{N^2}{g} * \lambda_4 - \sin \theta_i \right) * \mu b * \left(\cos ai * \lambda_1 - 2 * \lambda_4 * K_{1i} * \frac{\sin ai}{\cos \phi} \right) + \lambda_4 * \cos \theta_i - 2 * \lambda_4 * K_{1i} * \frac{azi}{g} \right]$$

$$\begin{aligned}
B2i = & \rho_i * W_i * \frac{\sin \theta_{bi}}{\sin \bar{\theta}_i} * \lambda_3 * \left[\left(\frac{N^2}{g} * \lambda_4 - \sin \theta_i \right) * \mu b * K1i * \frac{\sin ai}{\cos \phi} - \frac{N^2}{g} * \mu b * ((\lambda_3 * \lambda_4 + \lambda_1^2)) \right. \\
& * \cos ai - \frac{\sin ai}{\cos \phi} * 2 * \lambda_1 * \lambda_4 * K1i) + \mu b * \sin \theta_i \\
& \left. * (\cos ai * (\lambda_1 + \lambda_3) - 2 * \lambda_4 * K1i * \frac{\sin ai}{\cos \phi}) - \cos \theta_i * \lambda_1 - \frac{azi * K1i}{g} * (\lambda_3 + 2 * \lambda_4) \right]
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
B3i = & \rho_i * W_i * \frac{\sin \theta_{bi}}{\sin \bar{\theta}_i} * \left[\frac{N^2}{g} * \mu b * \left(\lambda_1 * K1i * \frac{\sin ai}{\cos \phi} + 1.5 * \lambda_1 * \cos ai - \lambda_4 * K1i * \frac{\sin ai}{\cos \phi} \right) + \mu b \right. \\
& \left. * \sin \theta_i * K1i * \frac{\sin ai}{\cos \phi} + \frac{azi}{g} * K1i - \mu b * \cos ai (\sin \theta_i - 0.5 * \cos \theta_i) \right]
\end{aligned}$$

$$B4i = \rho_i * W_i * \frac{\sin \theta_{bi}}{\sin \bar{\theta}_i} * 0.5 * (\sin ai * K1i - \cos ai) * \mu b * \frac{N^2}{g}$$

$$C1i = \lambda_2 * \bar{W}_i * \lambda_4 * (\cos \bar{\theta}_i + 2 * K1i * \sin \bar{\theta}_i)$$

$$C2i = \lambda_3 * \bar{W}_i * K1i * \sin \theta_i + \bar{W}_i * (\cos \bar{\theta}_i * \lambda_1 + 2 * \lambda_4 * K1 * \sin \bar{\theta}_i)$$

$$C3i = \bar{W}_i * (K1i * \sin \bar{\theta}_i + 0.5 * \cos \bar{\theta}_i)$$

$$f1i(z) = A1i + A2i * Zi * \tan(\Psi_i) - A3i * Zi^2 * \tan^2(\Psi_i)$$

$$f2i(z) = B1i + B2i * Zi * \tan(\Psi_i) - B3i * Zi^2 * \tan^2(\Psi_i) + B4i * Zi^3 * \tan^3(\Psi_i)$$

$$f3i(z) = C1i - C2i * Zi * \tan(\Psi_i) + C3i * Zi^2 * \tan^2(\Psi_i)$$

$$\frac{dp}{dz} = \frac{[pf_1(z) + f_2(z)]}{f_3(z)} \rightarrow M$$

$$M = \text{abs} [P_0 * f_{1i}(z) + f_{2i}(z)/f_{3i}(z)] \quad i = 1$$

$$M = \text{abs} [p_{i-1} * f_{1i}(z) + f_{2i}(z)/f_{3i}(z)] \quad i \geq 2$$

$$P_i = P_0 \quad i=1 \quad P_0 = 10^5 \text{ Pa}$$

$$P_i = P_{i-1} + 0.5 * (M_{i-1} + M_i) * (z_i - z_{i-1})$$

فشار

قسمت غير هم دما

$$\alpha_i = \frac{c_p \times \rho_0}{K_p} \quad i=1$$

ضريب نفوذ

$$\alpha_i = 0.5 \times f_{3i} \times z_i \times a_i \times \cos(\theta_{bi}) * \rho_i \quad i \geq 2$$

$$q_{bi} = \frac{2 * f_{2i} * \mu b f_i * N * R z_i * \sin(\bar{\theta}_i)}{\sin(\bar{\theta}_i + a_i)}$$

حرارت توليدي

$$BB_i = 0 \quad i=1$$

ضريب دما

$$BB_i = \frac{2 \cdot \alpha_i \cdot \rho_i \cdot Q_{max_i} \cdot (Z_i - Z_{i-1})}{Q_m}$$

$$T_{bi} = T_3 \quad \text{if } L_i > 2 \cdot L_0/3$$

دمای سطح سیلندر

$$T_{bi} = T_2 \quad \text{if } L_i > L_0/3$$

$$T_{bi} = T_1 \quad \text{if } L_i < L_0/3$$

$$T_{pi} = \frac{\frac{q_{bi} \cdot \bar{H}_i}{2 \cdot Kp} + T_0 + \frac{Kb \cdot \bar{H}_i \cdot T_{bi}}{2 \cdot Kp \cdot b}}{1 + \frac{Kb \cdot \bar{H}_i}{2 \cdot Kp \cdot b}} \quad i=1$$

دمای پلیمر در دستگاه

$$T_{pi} = \frac{\frac{q_{bi} \cdot \bar{H}_i}{2 \cdot Kp} + T_{i-1} + \frac{Kb \cdot \bar{H}_i \cdot T_{bi}}{2 \cdot Kp \cdot b}}{1 + \frac{Kb \cdot \bar{H}_i}{2 \cdot Kp \cdot b}} \quad i \geq 2$$

$$T_i = T_0 \quad i=1$$

دمای ماده در هر نقطه

$$T_i = \frac{T_{i-1} \cdot (1 - 2 \cdot BB_i)}{1 - BB_i} + \frac{T_{pi} \cdot BB_i}{1 - BB_i} + \frac{T_s \cdot BB_i}{1 - BB_i} \quad i \geq 2$$

به عنوان خروجی باید نمودار فشار بر حسب طول (P-L) ، دما بر حسب طول (T-L) ، دانسیته بر حسب طول (p-L) و دانسیته بر حسب فشار (p-P) را به ما بدهد

همچنین مقادیر طول ماردون، شعاع اولیه سیلندر ، شعاع ریشه ماردون و شعاع نهایی سیلندر گام پیچ، ضخامت لبه گام و سرعت چرخشی اکسترودریرا به ما نشان بدهد که در آن مقادیر فشار دستگاه کمتر از ۱۰۰ بار و دما کمتر از ۱۰۰ درجه سانتیگراد باشد. ممکن است مقادیر مورد قبول برنامه بیشتر از یک عدد باشد.