

۱- مطلوبست تعیین کانولوشن دو بعدی $y(m,n) = x(m,n) * h(m,n)$ اگر:

$$a) \quad x(m,n) = \begin{bmatrix} \underline{2} & 1 \\ 5 & 4 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} \quad \text{و} \quad h(m,n) = \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ -1 & \underline{4} & -1 \\ 0 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$b) \quad x(m,n) = \begin{bmatrix} \underline{2} & 1 \\ 5 & 4 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} \quad \text{و} \quad h(m,n) = \begin{bmatrix} \underline{1} & 1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$$

الف) محاسبه با استفاده از قلم و کاغذ انجام شود (کانولوشن گرافیکی).

ب) محاسبه با استفاده از روش ماتریسی (با قلم و کاغذ) انجام شود.

ج) محاسبه با استفاده از کامپیوتر و در حوزه زمان انجام شود (استفاده از دستور Conv2 در محیط MathLab)

د) محاسبه با استفاده از کامپیوتر و در حوزه فرکانس انجام شود (استفاده از دستورهای fft2 و ifft2 در محیط MathLab)

نتایج بدست آمده را با یکدیگر مقایسه کنید.

۲- حاصل کانولوشن دو بعدی $C(i,j) = A(i,j) * B(i,j)$ را به روش دلخواه تعیین کنید. ابعاد ماتریس حاصل با ابعاد ماتریس‌های A

و B چه رابطه‌ای دارد.

$$A(i,j) = \begin{bmatrix} 0 & 4 & 4 \\ -2 & 1 & 3 \\ 5 & 1 & 1 \end{bmatrix} \quad \text{و} \quad B(i,j) = \begin{bmatrix} -1 & 3 & 4 \\ 1 & 2 & 2 \\ -3 & 2 & 6 \end{bmatrix}$$

۳- جدا پذیری هسته تبدیل فوریه دو بعدی را اثبات کنید. به نظر شما این ویژگی چه مزیتی برای تبدیل فوریه دو بعدی دارد؟

۴- قضیه کانولوشن را بیان کنید.

۵- قضیه همبستگی را بیان کنید، وجه تمایز و وجه اشتراک همبستگی دو دنباله (یک بعدی) و کانولوشن دو دنباله (یک بعدی) را در چه می‌بینید؟

۶- این موضوع که توابع نمایی مختلط توابع ویژه برای سیستم‌های LTI هستند چه کاربردی می‌تواند داشته باشد؟

۷- تصویری از خود (تمام رخ) تهیه نموده، در محیط MathLab تصویر را فراخوانده و در محل عنوان نام و نام خانوادگی و شماره دانشجویی را بنویسید، در محل محور عمودی رشته تحصیلی و سال ورود را بنویسید، و در محل محور افقی دانشگاه محل تحصیل مقطع لیسانس خود را ذکر کنید. (دقت نمائید تمام موارد درخواستی با استفاده از دستورات MathLab بایستی انجام پذیرد).