

در این پژوهه، شما به عنوان یک مهندس کنترل وظیفه دارید کنندهای مقاوم برای پایدارسازی زوایای Roll و Pitch یک کوادرورتور طراحی کنید. خوشبختانه، نیازی به سروکله زدن با داده‌های تجربی و شناسایی سیستم نیست! ما مدل خطی نامی و پروفایل نامعینی آن را (بر اساس مقاله مرجع) در اختیار شما قرار می‌دهیم. مأموریت شما طراحی، تحلیل و مقایسه کننده‌های  $H_{\infty}$  و  $\mu$  برای تضمین پایداری و عملکرد مطلوب کوادرورتور، حتی با وجود عدم قطعیت‌ها و اغتشاشات واردہ بر سیستم است. ابزار شما برای این کار، دانش کنترل مقاوم، استفاده از نرم‌افزار متلب (Robust Control Toolbox) و خلاقیت مهندسی خودتان است.

## ❖ وظیفه ۱: شناخت میدان نبرد و آماده‌سازی (۱۵ امتیاز)

قبل از طراحی، باید سیستم و چالش‌هایش را بشناسیم:

### ۱. معرفی سیستم:

- هدف ما، کنترل زوایای (ϕ) Roll و (θ) Pitch یک کوادراتور است که مدل‌های نامی خطی  $G_0$

برای هر زاویه به صورت زیر داده شده است:

$$G_{\theta,0}(s) = \frac{1547.4}{(s^2 + 10.12s + 390.4)(s + 5.373)}$$

$$G_{\phi,0}(s) = \frac{2049.5}{(s^2 + 19.03s + 426.2)(s + 6.764)}$$

- نامعینی سیستم به صورت ضربی ورودی بصورت زیر مدل می‌شوند:

$$W_\theta(s) = \frac{1659.6(s^2 + 2.868s + 60.44)}{(s + 9.678)(s + 24770)}$$

$$W_\phi(s) = \frac{1.9017(s^2 + 3.813s + 91.61)}{s^2 + 43.53s + 545.3}$$

- روش تعیین مدل نامی و کران نامعینی را در مقاله مورد بازبینی دقیق قرارداده و ویژگی‌های آن را گزارش کنید.

### ۲. مدل‌سازی در متلب:

- با استفاده از دستورات `tf`, `ss` و `tf2ss` نامعین را برای هر دو کانال Roll و Pitch در متلب تعریف کنید.

### ۳. تجسم نامعینی:

- تعداد کافی نمونه تصادفی از سیستم نامعین تولید کنید.
- نمودارهای بودی (Bode) سیستم نامی را در کنار پاسخ فرکانسی نمونه‌های تصادفی رسم کنید تا محدوده تغییرات رفتار سیستم را ببینید.

- نمودار پاسخ فرکانسی نامی را به همراه «مرزهای نامعینی» که توسط  $|W(j\omega)|$  تعریف می‌شود، رسم کنید.

### ۴. اهداف و پیش‌نیازها:

- اهداف عملکردی کلیدی: زمان نشست حدود  $\frac{1}{3}$  ثانیه، فراجهش بسیار کم (نزدیک صفر)، خطای ماندگار صفر برای ورودی پله مرجع.
- محدودیت‌ها: سیگنال کنترلی باید در محدوده مجاز عملکرها باقی بماند (این را در طراحی وزن  $W_u$  لحاظ خواهید کرد).
- آماده‌سازی برای طراحی: ساختار استاندارد کنترل مقاوم را در متلب بسازید. این ساختار باید شامل پلت نامعین، ورودی‌های مرجع/اغتشاش/نویز و خروجی‌های خط/کنترلی، به همراه محل‌هایی برای توابع وزن عملکرد ( $W_s, W_u$ ) باشد که در وظیفه بعدی طراحی خواهید کرد.

(راهنمایی: از `sysic` یا ساخت دستی استفاده کنید.)

## 💡 وظیفه ۲: کنترل کننده $H_{\infty}$ وارد می‌شود! (۴ امتیاز)

حال زمان طراحی است! می‌خواهیم با استفاده از روش حساسیت مخلوط ( $H_{\infty}$ ), کنترل کننده‌ای طراحی کنیم که سیستم نامی را کنترل کند و در برابر نامعینی‌ها مقاوم باشد.

### ۱. طراحی هوشمندانه وزن‌ها:

- توابع وزنی عملکرد ( $W_s$ ,  $W_u$ ) را طراحی و توجیه کنید.

(a)  $W_s$ : برای شکل‌دهی به تابع حساسیت  $(I + GK)^{-1} = S$  و دستیابی به اهداف ردیابی

(پنهانی باند، زمان نشست، خطای ماندگار). می‌توانید از ایده مقاله برای تعریف  $T_{ideal}$  و

$$\text{سپس } W_s \approx \frac{1}{S_{ideal}} \text{ الهام بگیرید.}$$

(b)  $W_u$ : برای محدود کردن انرژی یا دامنه سیگنال کنترلی  $(I + GK)^{-1} = U = K(I + GK)^{-1}$ , مقداری را

برای  $W_u$  پیشنهاد دهید. (مقاله مرجع از مقدار  $= 0.05$  استفاده کرده، شما می‌توانید

این مقدار را تغییر دهید و توجیه کنید).

### ۲. سنتز کنترل کننده $H_{\infty}$ :

- با استفاده از `hinfssyn` یا `mixsyn` و وزن‌های طراحی‌شده، کنترل کننده ( $s$ )  $K_{H_{\infty}}$  را محاسبه

کنید. مقدار  $\gamma$  به دست آمده را گزارش دهید. آیا  $1 < \gamma$  است؟ این مقدار چه معنایی دارد؟

### ۳. تحلیل عملکرد نامی:

- عملکرد کنترل کننده ( $s$ )  $K_{H_{\infty}}$  را روی سیستم نامی ( $G_0$ ) به دقت بررسی کنید:

(a) پاسخ پله حلقه‌بسته (آیا به اهداف عملکردی نزدیک است?).

(b) سیگنال کنترلی متناظر (آیا منطقی به نظر می‌رسد?).

(c) نمودارهای مقادیر تکین  $S$ ,  $U$ ,  $T$  و مقایسه آن‌ها با  $\frac{1}{W_s}$ ,  $\frac{1}{W_u}$ ,  $\frac{1}{W_{\infty}}$ .

### ۴. چرخه بهبود:

- این قسمت، قلب مهندسی کنترل است! اگر عملکرد کاملاً مطلوب نیست یا سیگنال کنترلی بیش از حد بزرگ است، به مرحله ۱ برگردید، وزن‌ها را هوشمندانه تنظیم کنید و کنترل کننده را دوباره طراحی کنید. این چرخه را تا رسیدن به یک توازن قابل قبول بین عملکرد ردیابی، محدودیت سیگنال کنترلی و الزامات اولیه نامعینی تکرار کنید. فرآیند تنظیم و دلایل تغییر وزن‌ها را مستند کنید.

### ۵. آزمون روی سیستم نامعین:

- بهترین کنترل کننده ( $s$ )  $K_{H_{\infty}}$  که به دست آورده‌دید را روی مجموعه سیستم‌های نامعین (سیستم نامی + نمونه‌های تصادفی) شبیه‌سازی کنید (مثلاً با `usim`).
- نمودارهای پاسخ پله و سیگنال کنترلی را برای این مجموعه رسم کنید. آیا سیستم برای همه نمونه‌ها پایدار می‌ماند؟ عملکرد چقدر تغییر می‌کند؟

### ۶. برخورد با واقعیت: اشباع!

- اثر اشباع عملگر (مثلاً محدودیت ولتاژ یا نیروی موتور) را به صورت یک بلوک `saturation` در شبیه‌سازی (برای سیستم نامی و چند نمونه نامعین) مدل کنید. حد اشباع را منطقی (یا بر اساس اطلاعات مسئله) تعیین کنید.
- آیا اشباع باعث ناپایداری یا افت شدید عملکرد می‌شود؟ نتایج را تحلیل کنید.

### 🏆 وظیفه ۳: چالش $\mu$ : تضمین عملکرد در طوفان عدم قطعیت! (۳۵ امتیاز)

کنترل کننده  $H_\infty$  شما احتمالاً خوب کار می‌کند، اما آیا عملکرد مطلوب را برای تمام سیستم‌های ممکن در محدوده

نامعینی تضمین می‌کند؟ اینجا  $\mu$  وارد می‌شود!

۱. آنالیز  $\mu$ : زیر ذره‌بین بردن  $H_\infty$ :

- کنترل کننده  $(s) K_{H_\infty}$  نهایی خود از وظیفه ۲ را بردارید.
- با استفاده از  $mussv$ , پایداری مقاوم (RS) و عملکرد مقاوم (RP) آن را تحلیل کنید. (برای RP، باید یک بلاک نامعینی مجازی برای عملکرد تعریف کنید).
- نمودارهای  $\mu$  بر حسب فرکانس را رسم کنید. آیا  $1 < \mu_{RS}$  و  $1 < \mu_{RP}$  برای تمام فرکانس‌ها برقرار است؟

نتایج را تفسیر کنید. آیا  $H_\infty$  واقعاً عملکرد را در بدترین حالت نامعینی تضمین می‌کند؟

۲. سنتز  $\mu$ : طراحی برای بدترین سناریو (در صورت نیاز):

- اگر  $1 \geq \mu_{RP}$  بود، یعنی عملکرد مقاوم تضمین نشده است. حالا با استفاده از سنتز  $\mu$  (تکرار با دستور  $D - K$  یا  $dksyn$  یا  $musyn$ )، یک کنترل کننده جدید  $(s) K_\mu$  طراحی کنید که هدفش  $1 < \mu_{RP}$  باشد.
- توجه: اگر  $\mu_{RP}$  اولیه خیلی بزرگ بود، شاید لازم باشد اول کمی اهداف عملکردی (وزن  $W_s$ ) را ساده‌تر کنید تا سنتز  $\mu$  موفقیت‌آمیز باشد.
- پس از طراحی  $(s) K_\mu$  مجدداً آنالیز  $\mu$  را انجام دهید تا موفقیت‌آمیز بودن آن تأیید شود.

۳. مقایسه قهرمانان:  $H_\infty$  در برابر  $\mu$ :

- کنترل کننده  $(s) K_{H_\infty}$  و  $(s) K_\mu$  (در صورت طراحی) را مقایسه کنید:
- (a) مرتبه کنترل کننده: کدام پیچیده‌تر است؟ آیا مرتبه  $(s) K_\mu$  خیلی بالاست؟
- (b) اختیاری اما مفید: اگر مرتبه  $(s) K_\mu$  بالاست، آن را با استفاده از روش‌های کاهش مرتبه (reduce, balred) ساده کنید (reduce, balred).
- (c) شبیه‌سازی نهایی: عملکرد  $(s) K_{H_\infty}$  و  $(s) K_\mu$  (یا  $K_{\mu,red}(s)$ ) را روی سیستم نامعین در حضور اغتشاش (مثلًا پله ورودی) و نویز سنسور (مثلًا نویز سفید با توان مشخص) شبیه‌سازی و مقایسه کنید. کدام یک در عمل بهتر است (از نظر ردیابی، تضعیف اغتشاش، سیگنال کنترلی، رفتار با اشباع)؟

• بحث: آیا پیچیدگی اضافی سنتز  $\mu$  ارزشش را داشت؟ چه زمانی به سراغ  $\mu$  می‌رویم؟

## ۱۴. وظیفه: ارائه دستاوردها و نتیجه‌گیری (۱۰ امتیاز)

زمان نمایش نتایج و تحلیل‌های شماست!

### ۱. گزارش مهندسی:

- یک گزارش کامل، منظم و خوانا تهیه کنید که شامل تمام مراحل وظایف ۱ تا ۳ باشد.
- بر توجیه انتخاب‌ها (مخصوصاً توابع وزنی)، تحلیل دقیق نمودارها و مقایسه نتایج بین روش‌های مختلف و در شرایط گوناگون (نامی، نامعین، با/بدون اشباع، با/بدون اغتشاش) تمرکز ویژه‌ای داشته باشید.

### ۲. نتیجه‌گیری و تأمل:

- خلاصه‌ای از یافته‌های کلیدی خود ارائه دهید.
- مهمترین چالش‌هایی که با آن‌ها روبرو شدید و نحوه غلبه بر آن‌ها را بیان کنید.
- مهمترین درس‌هایی که از این پروژه در مورد طراحی کنترل مقاوم آموختید چیست؟

### ۳. تحويل: گزارش تایپ شده به همراه تمام کدهای متلب و فایل‌های سیمولینک (در صورت استفاده).

موفق باشید و از این چالش مهندسی لذت ببرید! 

مقاله مرجع برای رجوع و استفاده:

[1] Noormohammadi-Asl, Ali, et al. "System identification and H<sub>∞</sub>-based control of quadrotor attitude." Mechanical Systems and Signal Processing 135 (2020): 106358.